



نهمین کنگره ملی مهندسی ماشین‌های کشاورزی

(مکانیک بیوسیستم) و مکانیزاسیون

پردیس کشاورزی و منابع طبیعی دانشگاه تهران

۲ و ۳ اردیبهشت ۱۳۹۴ - کرج



تعیین خواص مهندسی هل سبز و سفید

علی نجات لرستانی*

۱- استادیار گروه مهندسی مکانیک بیوسیستم، دانشکده کشاورزی، دانشگاه رازی، کرمانشاه

* ایمیل مکاتبه کننده: ali.lorestani@gmail.com

چکیده

در عملیات برداشت و فراوری میوه هل، اولین گام به دست آوردن اطلاعات جامع و کامل از خواص فیزیکی و مکانیکی این محصول جهت طراحی ماشین‌ها و دستگاه‌های پس از برداشت می باشد. در این پژوهش برخی خواص فیزیکی و مکانیکی دو نوع هل (سبز و سفید) شامل ابعاد، قطر متوسط هندسی، سطح رویه، جرم، حجم، مدول الاستیسیته، نیروی ماکزیمم و کار ماکزیمم برای شکست محصول مورد بررسی قرار گرفت. میانگین برخی از مقادیر، نظیر ابعاد c, b, a به ترتیب برای هل سبز برابر ۱۷/۰۶، ۶/۶۱، ۶/۱ میلی‌متر و همچنین برای هل سفید به ترتیب برابر ۱۴/۳۷، ۷/۶۲، ۷/۳۱ میلی‌متر به دست آمد. مقادیر متوسط سطوح تصویر P_c, P_b, P_a برای هل سبز به ترتیب برابر ۳۳/۷۴۳، ۷۶/۹۳۵، ۸۱/۱۶۹ میلی‌متر مربع و همچنین برای هل سفید به ترتیب برابر ۵۵/۴۰۴، ۸۹/۴۵۱، ۹۵/۶۵ میلی‌متر مربع اندازه گیری شدند. مدول الاستیسیته برای هل سبز در سرعت $10 \frac{mm}{min}$ ، 0.218 GPa و برای هل سفید 0.175 GPa به دست آمد. همچنین نیروی ماکزیمم به دست آمده در هل سبز 35.53 N و کار انجام شده در اثر اعمال این نیرو 38.7 N.mm می باشد که در مقایسه با مقادیر هل سفید که در آن نیروی ماکزیمم 20.4 N و کار انجام شده در اثر اعمال نیرو 15.02 N.mm به دست آمد، مقادیر بیشتری را نشان می دهد. این نشان می دهد که سختی دانه های هل سبز بیشتر بوده و در نتیجه نیاز به اعمال نیروی بیشتری برای شکست دارند.

واژه‌های کلیدی: خواص فیزیکی و مکانیکی، هل سبز، هل سفید

مقدمه

در طبقه بندی گیاه شناسی، هل گیاهی است به نام *Elatteria Cardamomum* و متعلق به خانواده *Zingiberaceae* می باشد. این گیاه یک گیاه سایه دوست ویژه مناطق گرمسیری است که می تواند تا عرض جغرافیایی ۲۰ درجه شمالی و جنوبی تولید شود. هل در ارتفاع ۱۲۰۰-۶۰۰ متر بالای سطح دریا رشد می کند که نیازمند شرایط محیطی ۴۰۰۰-۱۵۰۰ میلی‌متر بارش سالانه و ۳۵-۱۰ درجه سانتیگراد دمای محیط می باشد و یک گیاه سازگار با محیط زیست می باشد. در اصل یک

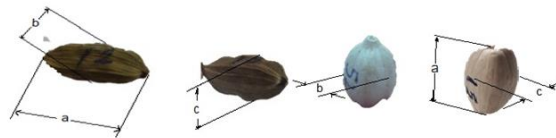


گیاه بومی از ناحیه Ghats غربی هند می باشد. البته یکی از گسترده ترین ادویه جات مورد استفاده در خوراک مراکشی نیز می باشد (Anonymous, 2015).

در واقع می توان گفت تا چند سال اخیر هند یکی از اصلی ترین تولید کننده و صادر کننده هل بوده است، اما اخیراً کشور گواتمالا به عنوان رقیب اصلی، خود را به جهان معرفی کرده است. تانزانیا، سریلانکا، السالوادور، ویتنام، لائوس و کامبوج دیگر کشورهای در حال رشد در (تولید و صادرات) هل هستند. در کشور هند این محصول در ایالات جنوبی کرالا، کارناتکا و تامیل نادو کشت می شود که کرالا ۶۰٪، کارناتکا ۳۰٪ و تامیل نادو ۱۰٪ تولید و کشت را در کشور هند به خود اختصاص داده اند. از خواص دارویی که برای هل گزارش شده است، ضد نفخ، اشتها آور، ادرار آور، از تهوع و استفراغ جلوگیری می کند. در اشخاصی که استرس دارند به عنوان یک دارو محرک برای غلبه بر استرس می تواند مورد استفاده قرار گیرد. همچنین می تواند در جلوگیری از بوی بد دهان، سوء هاضمه، ترشح بیش از حد دهان، موثر باشد (ISIRI, 1996; Anonymous, 2015).

مواد و روش‌ها

برای انجام این تحقیق ۲۰۰ عدد هل سبز و سفید (از هر کدام ۱۰۰ عدد) از بازار ادویه فروشی کرمانشاه خریداری شد. برای اندازه گیری ابعاد از کولیس با دقت ۰/۰۱ میلیمتر استفاده شد و ابعاد به صورتی که در شکل (۱) مشخص شده اندازه گیری شدند.



شکل ۱: نحوه اندازه گیری ابعاد هل سبز و سفید

برای اندازه گیری وزن از ترازوی دیجیتالی با دقت ۰/۰۱ گرم استفاده شد. برای محاسبه حجم به علت سبک بودن دانه های هل از حجم معادل استفاده شد به این صورت که دسته‌های پنج تایی از هل‌ها را جدا کرده و آنها را در یک تور قرار داده و سپس با استفاده از روش جابجایی آب و مشخص شدن حجم معادل هر نمونه به دست آمد که میانگین آنها برای هل (سبز و سفید) ثبت شد (شکل ۲).

برای محاسبه حجم توده، کل نمونه‌ها را داخل یک استوانه مدرج می ریزیم حجم نشان داده شده همان حجم توده می باشد. برای به دست آوردن قطر متوسط حسابی (D_a) از رابطه (۱) استفاده شد (Lorestani et al., 2012; Mohsenin, 1986):

$$D_a = \frac{(a + b + c)}{3} \quad (1)$$

که در آن a ، b و c به ترتیب بزرگترین قطر، قطر میانی و کوچکترین قطر نمونه‌ها هستند. قطر متوسط هندسی (D_g) نیز از رابطه (۲) به دست آمد (Lorestani et al., 2012; Mohsenin, 1986):

$$D_g = (abc)^{1/3} \quad (2)$$



شکل ۲: نحوه اندازه‌گیری حجم

به منظور محاسبه جرم هزار دانه، میانگین وزن کل نمونه را در عدد ۱۰ ضرب نمودیم. برای به دست آوردن چگالی واقعی از رابطه (۳) استفاده شد، با این تفاوت که در محاسبه حجم همان طور که گفته شد به دلیل سبک بودن دانه‌ها، از نمونه‌های دیگری استفاده شد (یعنی همان دسته‌های پنج تایی جدا شده) که با توجه به آنها چگالی هر یک از نمونه‌ها با استفاده از رابطه (۳) به دست آمد و میانگین آن به عنوان چگالی حقیقی (ρ_t) در نظر گرفته شد (Lorestani et al., 2012; Mohsenin, 1986).

$$\rho_t = \frac{M}{V} \quad (3)$$

که در آن، M جرم نمونه و V نیز حجم نمونه‌ها می‌باشد. برای محاسبه چگالی توده (ρ_b) از رابطه (۴) استفاده شد (Lorestani et al., 2012; Mohsenin, 1986):

$$\rho_b = \frac{\sum w}{V_t} \quad (4)$$

که در آن $\sum w$ جرم توده و V_t نیز حجم توده می‌باشد. با استفاده از رابطه (۵) درصد تخلخل (P) برای هر نمونه به صورت زیر محاسبه شد (Lorestani et al., 2012; Mohsenin, 1986):

$$P = \frac{\rho_t - \rho_b}{\rho_t} * 100 \quad (5)$$

برای محاسبه درصد کرویت (φ) از رابطه (۶) استفاده شد (Lorestani et al., 2012; Mohsenin, 1986):

$$\varphi = \frac{D_g}{a} * 100 \quad (6)$$

برای به دست آوردن درصد کرویت (φ) از رابطه (۷) استفاده شد (Lorestani et al., 2012; Mohsenin, 1986):



$$R_a = \frac{b}{a} * 100$$

(۷)

برای محاسبه سطح رویه (S) از رابطه (۸) استفاده شد:

$$S = \pi D_g^2$$

(۸)

برای اندازه‌گیری سطح تصویر از دستگاه سطح برگ سنج استفاده شد، که سه سطح تصویر عمود بر سه راستای ابعاد اندازه‌گیری شده به دست آمد. سطح معیار که همان میانگین حسابی سطوح تصویر می باشد (CPA)، از رابطه (۹) به دست آمد (Lorestani et al., 2012; Mohsenin, 1986):

$$CPA = \frac{(P_a + P_b + P_c)}{3}$$

(۹)

برای محاسبه درصد رطوبت در این آزمایش از هر کدام از هل‌ها (سبز و سفید) سه نمونه به صورت تصادفی انتخاب و وزن شد که هر کدام از آنها را بعد از قرار دادن در ظرف مخصوص به مدت ۲۴ ساعت درون دستگاه آون در دمای ۱۰۴ درجه سانتیگراد قرار دادیم تا نمونه‌ها به طور کامل خشک شوند. بعد از به دست آمدن وزن خشک نمونه‌ها، با استفاده از رابطه (۱۰) مقدار درصد رطوبت برای هریک از نمونه‌ها محاسبه شد (Lorestani et al., 2012; Mohsenin, 1986):

$$mc_{w.b.} = \frac{M - M_o}{M} * 100$$

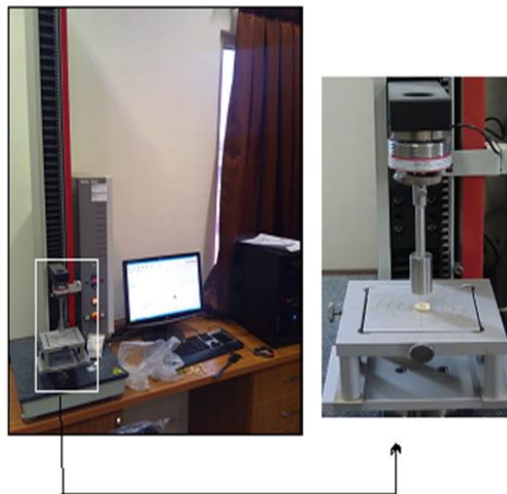
(۱۰)

که در آن M، جرم نمونه مرطوب، M_o، جرم نمونه خشک شده و mc_{w.b.} نیز در صد رطوبت بر پایه تر می باشد. برای به دست آوردن ضریب اصطکاک ایستایی و زاویه اصطکاک از دستگاه زیر (شکل ۳) و بر روی سه سطح (چوب، فلز و شیشه) استفاده شد (Lorestani et al., 2013). با توجه به نمونه‌های اندازه‌گیری شده مقادیر میانگین آنها ثبت گردید (در این آزمایش ۱۵ نمونه تصادفی از هل‌ها در نظر گرفته شد).

برای به دست آوردن دیگر خواص مکانیکی نظیر مدول الاستیسیته، نیروی لازم برای شکست، کار انجام شده برای شکست و غیره از دستگاه تست اینسترون Zwick Roell ساخت کشور آلمان با ظرفیت لود سل ۵۰ کیلوگرمی (شکل ۴) استفاده شد، که برای انجام این آزمایش، ۱۵ نمونه تصادفی از هر کدام از هل‌های مورد آزمایش (سبز و سفید) به صورتی که در شکل (۴) نشان داده شده است، در زیر دستگاه قرار داده شد.



شکل ۳: دستگاه اندازه‌گیری ضریب اصطکاک ایستایی (Lorestani et al., 2013).



شکل ۴: دستگاه آزمون مکانیکی مواد (تست اینسترون)

تجزیه و تحلیل داده‌ها و محاسبات آماری با استفاده از نرم‌افزار Excel 2010 انجام گرفت.

بحث و نتایج

مشخصه‌های فیزیکی و مکانیکی اندازه‌گیری شده برای هل سبز و سفید به ترتیب در جدول‌های ۱ و ۲ آمده است. پارامترهای فیزیکی و مکانیکی محاسبه شده برای هل سبز و سفید نیز به ترتیب در جدول‌های ۳ و ۴ آمده است. ضریب اصطکاک ایستایی و زاویه اصطکاک روی سطوح مختلف برای هل سبز در جدول ۵ و برای هل سفید در جدول ۶ آمده است. خواص مکانیکی هل سبز شامل مدول الاستیسیته، نیروی شکست، ماکزیمم نیرو، انرژی لازم برای شکست و انرژی مصرفی برای اعمال نیروی ماکزیمم در جدول ۷ و برای هل سفید در جدول ۸ آمده است. در پایان با مقایسه بین دو نوع هل می‌توان در مورد خواص فیزیکی و مکانیکی به نتایج زیر دست یافت. میانگین قطر هندسی در هل سفید (۹/۲۳ میلی‌متر) بیشتر از هل سبز (۷/۷۹ میلی‌متر) می‌باشد، که این به خاطر شکل خاص هندسی آن می‌باشد. میانگین درصد کرویت در هل سفید (۶۴/۹۲ درصد) بیشتر از هل سبز (۵۱/۵ درصد) به دست آمد در مقایسه دیگر خواص می‌توان گفت سطح رویه در هل سفید (۲۶۹/۳۹ میلی‌متر مربع) نیز بیشتر از هل سبز (۲۴۳/۸۹ میلی‌متر مربع) می‌باشد.



باشد. قطر میانگین حسابی در هل سبز (۹/۹۲ میلیمتر) به مقدار بسیار ناچیزی از هل سفید (۹/۷۷ میلیمتر) بیشتر می باشد. سطح معیار که همان میانگین سطح تصویرها می باشد در هل سفید (۸۰/۱۷ میلیمتر مربع) بیشتر از هل سبز (۶۳/۹۵ میلیمتر مربع) به دست آمد. همچنین میانگین در صد نسبت ابعاد در هل سفید (۵۳/۸۵) بیشتر از هل سبز (۳۹/۲۲) به دست آمد. در مقایسه دیگر خواص فیزیکی مانند چگالی توده با توجه به محاسبات می توان گفت که در هل سبز (۰/۴۷۸ گرم بر سانتیمتر مکعب) بیشتر از هل سفید (۰/۲۲۶ گرم بر سانتیمتر مکعب) می باشد که این ناشی از کم بودن حجم توده در هل سبز و همچنین وزن سنگین آن می باشد. در محاسبه چگالی به دلیل سبک بودن دانه های هل دسته های پنج تایی به عنوان نمونه مورد آزمایش قرار گرفتند که چگالی واقعی به دست آمده در این آزمایش برای هل سبز (۰/۷۸۴ گرم بر سانتیمتر مکعب) و همچنین برای هل سفید (۰/۴۰۲ گرم بر سانتیمتر مکعب) به دست آمد که با توجه به این دو نوع چگالی و رابطه درصد تخلخل (۵) به این نتیجه رسیدیم که درصد تخلخل در هل سفید (۴۳/۸۵) بیشتر از هل سبز (۳۸/۹۷) می باشد. در مقایسه در صد رطوبت، هرچند این دو نوع هل به صورت خشک شده خریداری شدند ولی باز هم دارای مقدار کمی رطوبت می باشند که با آزمایشها و محاسبات صورت گرفته مقدار آن برای هل سبز (۷/۳۲) و در هل سفید (۱۲/۶) به دست آمد که نشان می دهد هل سفید دارای رطوبت بیشتری می باشد. جرم هزار دانه برای دانه های هل سبز ۲۳۴/۱ گرم و برای هل سفید ۱۳۵/۱ گرم بوده و چگالی توده برای دانه های هل سفید ۰/۲۲۶ گرم بر سانتیمتر مکعب و برای هل سبز ۰/۴۷۸ گرم بر سانتیمتر مکعب به دست آمد.

اما در خواص مکانیکی مقادیری چون کار لازم برای شکست، نیروی شکست و تغییر مکانی که در اثر اعمال آن نیرو به دست می آید را می توان مورد ارزیابی و مقایسه قرار داد. همان طور که گفته شد این خواص در اثر اعمال نیرو در سرعت ۱۰ میلیمتر بر دقیقه توسط دستگاه آزمون مکانیکی مواد اندازه گیری شدند. نتایج نشان می دهد که در هل سبز مدول الاستیسیته ۰/۲۲۰ GPa و در هل سفید ۰/۱۷۵ GPa می باشد.

همچنین نیروی ماکزیمم به دست آمده در هل سبز ۳۵/۵۳ N و کار انجام شده در اثر اعمال این نیرو ۳۸/۷ N.mm می باشد که در مقایسه با مقادیر هل سفید که در آن نیروی ماکزیمم ۲۰/۴ N و کار انجام شده در اثر اعمال نیرو ۱۵/۰۲ N.mm به دست آمد، مقادیر بیشتری را نشان می دهد. این نشان میدهد که سختی دانه های هل سبز بیشتر بوده و در نتیجه نیاز به اعمال نیروی بیشتری برای شکست دارند.

همچنین در آزمایشی که برای مشخص کردن ضریب اصطکاک نمونه ها روی سه سطح انجام گرفت به این نتیجه رسیدیم که بر روی سطح چوب مقدار میانگین ضریب اصطکاک و زاویه اصطکاک به ترتیب در هل سفید (۰/۵۹، ۳۰/۸°) و برای هل سبز (۰/۶۸، ۳۴/۲°) به دست آمد و در سطح فلزی برای هل سفید (۰/۴۹، ۲۷/۰۹°) و برای هل سبز (۰/۵۱، ۲۷/۰۵°) و همچنین بر روی سطح شیشه ای این مقادیر برای هل سفید (۰/۵۲، ۲۷/۲۴°) و برای هل سبز (۰/۶۴، ۳۱/۸۵°) به دست آمد. با مقایسه نتایج می توان به این نتیجه رسید که هل سبز بر روی همه سطوح اصطکاک بیشتری دارد که یکی از دلایل آن می تواند سنگین تر بودن وزن آن نسبت به هل سفید باشد در نتیجه صفحه باید زاویه بیشتری را طی می کرد تا نمونه سرش پیدا کند.



نتیجه‌گیری

میانگین برخی از مقادیر، نظیر ابعاد c, b, a به ترتیب برای هل سبز برابر $۱۷/۰۶$ ، $۶/۶۱$ ، $۶/۱$ میلی‌متر و همچنین برای هل سفید به ترتیب برابر $۱۴/۳۷$ ، $۷/۶۲$ ، $۷/۳۱$ میلی‌متر به دست آمد. از دیگر مقادیر می‌توان سطح تصویر را نام برد که مقادیر P_c, P_b, P_a برای هل سبز به ترتیب برابر $۳۳/۷۴۳$ ، $۷۶/۹۳۵$ ، $۸۱/۱۶۹$ میلی‌مترمربع و همچنین برای هل سفید به ترتیب برابر $۵۵/۴۰۴$ ، $۸۹/۴۵۱$ ، $۹۵/۶۵$ میلی‌مترمربع اندازه‌گیری شدند. مدول الاستیسیته برای هل سبز در سرعت $۱۰ \frac{mm}{min}$ ، $۰/۲۱۸$ GPa و برای هل سفید $۰/۱۷۵$ GPa به دست آمد. همچنین نیروی ماکزیمم به دست آمده در هل سبز $۳۵/۵۳$ N و کار انجام شده در اثر اعمال این نیرو $۳۸/۷$ N.mm می‌باشد که در مقایسه با مقادیر هل سفید که در آن نیروی ماکزیمم $۲۰/۴$ N و کار انجام شده در اثر اعمال نیرو $۱۵/۰۲$ N.mm به دست آمد، مقادیر بیشتری را نشان می‌دهد. این نشان می‌دهد که سختی دانه‌های هل سبز بیشتر بوده و در نتیجه نیاز به اعمال نیروی بیشتری برای شکست دارند.

تشکر و قدردانی

از مدیر محترم گروه زراعت دانشگاه رازی به خاطر همکاری جهت استفاده از دستگاه سطح برگ سنج تشکر و قدردانی می‌گردد.

مراجع

1. Anonymous. 2.15. http://en.wikipedia.org/wiki/Elettaria_cardamomum.
2. ISIRI. 2013. Institute of Standards and Industrial Research of Iran. 1st.edition. 320-2.
3. Lorestani A. N. Rabani, R. H. and Khazaei, Y. 2012. Design and construction of an automatic coefficient of friction measuring device. Agric Eng Int: CIGR Journal, 14(1): 120—124
4. Lorestani, A.N. Jaliliantabar F. and Gholami R. 2012. Physical and mechanical properties of castor seed. QAS Journal. 4(5) e29-e32.
5. Mohsenin, N.N. 1986. Physical properties of Plant and Animal Materials. Second revised. Gordon and Breach Sci. Publ. New York.



نهمین کنگره ملی مهندسی ماشین‌های کشاورزی

(مکانیک بیوسیستم) و مکانیزاسیون

پردیس کشاورزی و منابع طبیعی دانشگاه تهران

۲ و ۳ اردیبهشت ۱۳۹۴ - کرج



Determination of engineering properties of green and white cardamom

Abstract

The first step in processing and harvesting operations of cardamom's fruit, is knowing of physical and mechanical properties of fruit for designing of postharvest machines and equipment. In this study some physical and mechanical properties of cardamom (green and white cultivars) such as dimensions, geometric mean diameter, surface area, mass, volume, Yong modulus, maximum force and maximum work that required for breaking of fruit were considered. The average values of dimensions, a, b, c for green cardamom respectively are equal to 17/06, 6/61, 6.10 mm and for white cardamom respectively are equal to 14/37, 7/62 and 7/31 mm. the average value of projected area, Pa, Pb, Pc, for green cardamom respectively are 33/743, 76/935, 81/169 mm² and for white cardamom respectively are 55/404, 89/451 and 95/650 mm². Yong modulus for green cardamom in 10 mm/min loading velocity is 0/218 GPa and for white cardamom is 0/175 GPa. Also the achieved maximum force for breaking of green cardamom is 35/53 N and Required work for that is 38/7 N.mm, that in compared with White cardamom the maximum force is 20/4 N and required word for that is 15/02 N.mm, is show higher values. This show that hardness of green cardamom is more than white cardamom and so for breaking of that we need applying higher force rather than white cardamom.

Keywords: physical and mechanical properties, Cardamom (Green, White)



جدول ۱- پارامترهای فیزیکی اندازه گیری شده هل سبز

پارامتر	Mean	Min	Max	SD	CV(%)
a (mm) بعد	۱۷/۰۵۶	۱۳/۶۷	۲۱/۷۵	۱/۸۹	۱۱/۱۱
b (mm) بعد	۶/۶۱	۴/۶۲	۸/۱۲	۰/۶۲	۹/۳۸
c (mm) بعد	۶/۱	۴/۹۵	۷/۵۶	۰/۵۸	۹/۴۷
Pa (mm ²) سطح تصویر	۳۳/۷۴	۲۳/۶	۴۹/۳	۴/۹۸	۱۴/۷۵
Pb (mm ²) سطح تصویر	۷۶/۹۳	۵۶/۸	۱۱۵/۸	۱۲/۳۷	۱۶/۰۸
Pc (mm ²) سطح تصویر	۸۱/۱۷	۵۹/۲	۱۲۱/۹	۱۲/۵۷	۱۵/۴۸
وزن (g)	۰/۲۳	۰/۱۱	۰/۴۵	۰/۰۶۳	۲۶/۵۸

Mean: میانگین داده ها، Min: کمینه داده ها، Max: بیشینه داده ها، SD: انحراف معیار، CV: ضریب تغییرات

جدول ۲- پارامترهای فیزیکی اندازه گیری شده هل سفید

پارامتر	Mean	Min	Max	SD	CV(%)
a (mm) بعد	۱۴/۳۷	۹/۴۳	۱۹/۳۸	۱/۷۸	۱۲/۳۶
b (mm) بعد	۷/۶۲	۵	۹/۵۵	۰/۸۴	۱۱/۰۷
c (mm) بعد	۷/۳۱	۴/۸۵	۱۰/۷	۰/۹۷	۱۳
Pa (mm ²) سطح تصویر	۵۵/۴	۳۱	۹۵/۴	۱۱/۶۱	۲۰/۹۶
Pb (mm ²) سطح تصویر	۸۹/۴۵	۵۹/۳	۱۲۷/۷	۱۵/۰۴	۱۶/۸۲
Pc (mm ²) سطح تصویر	۹۵/۶۵	۶۰/۸	۱۳۱	۱۴/۳۲	۱۴/۹۸
وزن (g)	۰/۱۳۵	۰/۰۵	۰/۲۶	۰/۰۵۱	۳۷/۵۴

جدول ۳- پارامترهای فیزیکی محاسبه شده و روابط آنها برای هل سبز



نهمین کنگره ملی مهندسی ماشین‌های کشاورزی

(مکانیک بیوسیستم) و مکانیزاسیون

پردیس کشاورزی و منابع طبیعی دانشگاه تهران

۲ و ۳ اردیبهشت ۱۳۹۴ - کرج



CV(%)	SD	Max	Min	Mean	رابطه	پارامتر
۷/۱۴	۰/۶۳	۱۰/۵۵	۷/۴۷	۷/۷۹	$D_g = (abc)^{1/3}$	Dg (mm) قطر میانگین هندسی
۸/۶۵	۴/۴۹	۶۲/۷۵	۴۰/۰۶	۵۱/۹	$\phi = \frac{D_g}{a} \times 100$	(%) ϕ کرویت
۱۴/۴۶	۳۵/۲۶	۳۴۹/۵	۱۷۵/۲۹	۲۴۳/۸۹	$S = \pi D_g^2$	S (mm ²) سطح رویه
۷/۷۱	۰/۷۶	۱۲/۱۳	۸/۴۱	۹/۹۲	$D_a = \frac{(a+b+c)}{3}$	Da (mm) قطر میانگین حسابی
۱۴/۶۲	۹/۳۵	۹۲/۸۷	۴۷/۸۷	۶۳/۹۵	$CPA = \frac{(P_a+P_b+P_c)}{3}$	CPA (mm ²) سطح معیار
۱۴/۱۱	۵/۳۳	۵۴/۲۱	۲۴/۸۹	۳۹/۲۲	$R_a = \frac{b}{a} \times 100$	R _a (%) نسبت ابعاد

جدول ۴- پارامترهای فیزیکی محاسبه شده و روابط آنها برای هل سفید

CV(%)	SD	Max	Min	Mean	رابطه	پارامتر
۸/۳۷	۰/۷۷	۱۱/۲۴	۷/۵۶	۹/۲۳	$D_g = (abc)^{1/3}$	Dg (mm) قطر میانگین هندسی
۱۱/۶۷	۷/۵۸	۸۳/۳	۴۸/۶۸	۶۴/۹۲	$\phi = \frac{D_g}{a} \times 100$	(%) ϕ کرویت
۱۶/۸۲	۴۵/۳	۳۹۶/۶۵	۱۷۹/۵۳	۲۶۹/۳۹	$S = \pi D_g^2$	S (mm ²) سطح رویه
۸/۰۵	۰/۷۹	۱۱/۹۱	۷/۹۴	۹/۷۷	$D_a = \frac{(a+b+c)}{3}$	Da (mm) قطر میانگین حسابی
۱۵/۲۹	۱۲/۲۶	۱۱۱/۹	۵۶/۲	۸۰/۱۷	$CPA = \frac{(P_a+P_b+P_c)}{3}$	CPA (mm ²) سطح معیار
۱۶/۵۸	۸/۹۳	۷۵/۴۸	۳۲/۷۸	۵۳/۸۵	$R_a = \frac{b}{a} \times 100$	R _a (%) نسبت ابعاد



جدول ۵- ضریب و زاویه اصطکاک هل سبز روی سطوح مختلف

سطوح	سطح چوب		سطح فلز		سطح شیشه	
	زاویه	ضریب	زاویه	ضریب	زاویه	ضریب
	اصطکاک	اصطکاک	اصطکاک	اصطکاک	اصطکاک	اصطکاک
Max	۴۲/۲	۰/۹	۳۱/۴۱	۰/۶۱	۴۹/۶	۱/۱۸
Min	۲۸/۸	۰/۵۴	۲۱/۲۸	۰/۳۸	۱۸/۷۳	۰/۳۳
Mean	۳۴/۲۱	۰/۶۸	۲۷/۰۵	۰/۵۱	۳۱/۸۵	۰/۶۴
SD	۳/۷۱	۰/۰۹۹	۳/۴۴	۰/۰۷۶	۹/۹۱	۰/۲۶
CV	۱۰/۸۴	۱۴/۴۵	۱۲/۷۱	۱۵/۰۴	۳۱/۱۱	۴۱/۲۲

جدول ۶- ضریب و زاویه اصطکاک هل سفید روی سطوح مختلف

سطوح	سطح چوب		سطح فلز		سطح شیشه	
	زاویه	ضریب	زاویه	ضریب	زاویه	ضریب
	اصطکاک	اصطکاک	اصطکاک	اصطکاک	اصطکاک	اصطکاک
Max	۳۴/۳۶	۰/۶۸	۳۷/۳۱	۰/۷۶	۳۸/۵۴	۰/۷۹
Min	۲۷/۳۵	۰/۵۱	۲۰/۲۳	۰/۳۶	۱۷/۳۸	۰/۳۱
Mean	۳۰/۸	۰/۵۹	۲۷/۰۹	۰/۴۹	۲۷/۲۴	۰/۵۲
SD	۱/۹۱	۰/۰۴۴	۵/۰۳۵	۰/۱	۶/۳	۰/۱۴
CV%	۶/۲۱	۷/۵۵	۱۸/۵۸	۲۰/۳۴	۲۳/۱۴	۲۷/۷۴



جدول ۷- خواص مکانیکی هل سبز

آماره	h _(o) (mm)	E (Gpa)	F _{max} (N)	F _{break} (N)	W _{to F_{max}} (Nmm)	W _{to break} (Nmm)
Max	۷/۴۶	۰/۳۷	۸۱/۵	۸۰/۵	۱۶۴/۹۴	۷۸/۹۵
Min	۵/۷۸	۰/۰۹۷	۱۰/۷	۱۳/۴	۴/۰۲	۴/۱۵
Mean	۶/۴۷	۰/۲۲	۳۵/۵۳	۳۵/۳۲	۳۸/۷	۲۳/۲۶
SD	۰/۴۶	۰/۱۱	۱۹/۱۱	۱۸/۶۹	۴۷/۲	۲۲/۲۸
CV%	۷/۱۵	۵۰/۵۴	۵۳/۷۸	۵۲/۹۳	۱۲۱/۹۷	۹۵/۷۷

E: مدول الاستیسیته، F_{max}: نیروی بیشینه، F_{break}: نیروی شکست، W_{to F_{max}}: کار تا نیروی ماکزیمم و

W_{to break}: کار تا شکست

جدول ۸- خواص مکانیکی هل سفید

آماره	h _(o) (mm)	E (Gpa)	F _{max} (N)	F _{break} (N)	W _{to F_{max}} (Nmm)	W _{to break} (Nmm)
Max	۹/۴۵	۰/۲۴	۲۸/۷	۲۱/۷	۷۳/۷۴	۳۱/۶۷
Min	۵/۶۷	۰/۰۶۵	۱۰/۳	۸/۱۲	۱/۸۵	۱/۹۷
Mean	۷/۵۶	۰/۱۷۵	۲۰/۴	۱۶/۴۸	۱۵/۰۲	۱۰/۷۲
SD	۱/۰۳۸	۰/۰۵۴	۶/۰۵	۴/۳۱	۱۸/۶	۸/۱۸
CV%	۱۳/۷۳	۳۰/۷۷	۲۹/۶۷	۲۶/۱۵	۱۲۳/۸۲	۷۶/۳۵